

Estructura de la materia 3
Serie 3 - Aplicaciones de Hartree-Fock
Cátedra: Jorge Miraglia
Segundo cuatrimestre de 2013

1. Se quiere estudiar la estabilidad de la molécula de hidrógeno ionizada \mathbf{H}_2^+ , para lo cual se utiliza una base mínima (compuesta por los orbitales espaciales atómicos $|1s_A\rangle$ y $|1s_B\rangle$ centrados respectivamente en los átomos A y B de la molécula).

a-i) Demuestre que las siguientes combinaciones de los orbitales espaciales atómicos:

$$\phi_1 = [2(1+S)]^{-1/2}(1s_A + 1s_B) \quad \phi_2 = [2(1-S)]^{-1/2}(1s_A - 1s_B)$$

donde $S = \langle 1s_A | 1s_B \rangle$

son autoestados del operador paridad $\hat{\pi}$ y que a su vez $[\hat{\pi}, \hat{H}] = 0$.

ii- Escriba la matriz que surge de proyectar el hamiltoniano en la base dada por ϕ_1 y ϕ_2 .

iii- Del resultado anterior muestre que ϕ_1 es la mejor aproximación al estado fundamental de la molécula para esta base mínima desde el punto de vista variacional. (Estrictamente hablando para verificar esto es necesario también hacer el cálculo del punto siguiente).

- b) Demuestre que la energía de la molécula \mathbf{H}_2^+ , a una distancia internuclear \mathbf{R} en su estado fundamental es:

$$E = E_H - [V_1(R) + V_2(R)]/[1 + S(R)] + 1/R$$

donde E_H es la energía del átomo de H y $V_1 = \langle 1s_A | \frac{1}{|\bar{r} - \bar{R}_B|} | 1s_A \rangle$ y

$$V_2 = \langle 1s_A | \frac{1}{|\bar{r} - \bar{R}_B|} | 1s_B \rangle.$$

(Para hallar esta expresión suponga que las funciones $|1s_A\rangle$ y $|1s_B\rangle$ son autoestados del hamiltoniano de átomo de hidrógeno centrado en el núcleo correspondiente)

- c) Use los datos de la tabla 1 para hallar la curva de energía $E(R)$ y determine
- i) la energía de disociación del enlace.
 - ii) la longitud de equilibrio del enlace. Compare con la longitud de equilibrio de H_2 (=1.4 au (exp) y 1.346 au (STO3G))
- d) ¿Se puede asegurar que el sistema es ligado a partir de este cálculo rudimentario? Justifique.
- e) Muestre que el orbital ϕ_2 es antiligante.

Tabla 1

R/a ₀	0	1	2	3	4
V ₁ /R _H	1.000	0.729	0.473	0.330	0.250
V ₂ /R _H	1.000	0.736	0.406	0.199	0.092
S	1.000	0.858	0.587	0.349	0.189

$$E_H = -\frac{1}{2} \text{ y } a_0 = 0.53 \text{ \AA}$$

(*)Necesitará evaluar el término de repulsión nuclear

2. Muestre que

a) el elemento de matriz general del operador de Fock tiene la forma:

$$f_{ij} = \langle \chi_i | f | \chi_j \rangle = \langle \chi_i | h | \chi_j \rangle + \sum_{b(ocu)} \langle \chi_i \chi_b || \chi_j \chi_b \rangle$$

b) el operador de Fock es hermítico probando la hermiticidad del elemento de matriz f_{ij} .

3. Muestre que la expansión de las energías orbitales en términos de los espín-orbitales de Hatree-Fock se puede convertir, para un sistema de capa cerrada, a la expresión:

$$\varepsilon_i = h_{ii} + \sum_b^n (2J_{bi} - K_{bi}), \text{ donde } n \text{ (igual a } N/2, \text{ con } N \text{ el número de electrones del sistema)}$$

es el número de orbitales espaciales ocupados.

4. Potencial de Ionización: Considerando un estado ionizado del sistema en el cual un electrón ha sido sacado del espín-orbital χ_a del estado de Hartree-Fock $|\Psi_0^N\rangle$,

$$|\Psi_0^{N-1}\rangle = |\chi_1 \chi_2 \dots \chi_{a-1} \chi_{a+1} \dots \chi_N\rangle$$

Demuestre que la energía necesaria para este proceso de ionización IP es,

$$IP = E_0^{N-1} - E_0^N = -\langle a | h | a \rangle - \sum_{b(ocu)}^N \langle ab || ab \rangle = -\varepsilon_a$$

5. Doble ionización: Muestre que la energía requerida para mover un electrón de χ_c y uno de χ_d para producir el determinante $|\Psi_{cd}^{N-2}\rangle$ es:

$$-\varepsilon_c - \varepsilon_d + \langle cd || cd \rangle - \langle cd || dc \rangle.$$

6. Muestre que la afinidad electrónica EA es

$$EA = E_0^N - E_0^{N+1} = -\langle r | h | r \rangle - \sum_b \langle rb || rb \rangle = -\varepsilon_r$$

7. ¿Cuál es el estado de Hartree-Fock para el H_2 en base mínima? Para el estado propuesto:

- Escriba en forma explícita el operador de Fock.
- Halle los elementos de matriz del operador de Fock hallado en a) en la propia base mínima. ¿Cuál es la dimensión de la matriz hallada?
- ¿Qué características debe tener dicha matriz si el estado propuesto es efectivamente el de Hartree-Fock?
- Para este estado, evalúe la contribución a la energía de cada término del hamiltoniano. ¿Qué término es responsable de la energía de enlace de la molécula? Relaciónelo con el solapamiento de las funciones atómicas. (Véase Problema 1)

Datos: $h_{11} = -1,2528$; $h_{22} = -0,4756$; $j_{11} = 0,6746$; $j_{12} = 0,6636$; $k_{12} = 0,1813$;

$j_{22} = 0,6975$ (para $R=1,4$ u.a.)

8. Usando los datos de la tabla, obtenga las curvas de disociación del H_2 en base mínima empleando RHF. ¿Cuál es la distancia de equilibrio?

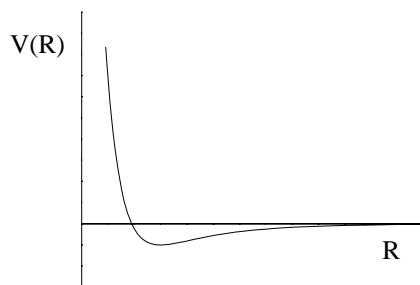
R	ϵ_1	ϵ_2	J_{11}	J_{12}	J_{22}	K_{12}
0,6	-0,7927	1,3327	0,7496	0,7392	0,7817	0,1614
0,8	-0,7321	1,1233	0,7330	0,7212	0,7607	0,1655
1,0	-0,6758	0,9418	0,7144	0,7019	0,7388	0,1702
1,2	-0,6245	0,7919	0,6947	0,6824	0,7176	0,1755
1,4	-0,5782	0,6703	0,6746	0,6636	0,6975	0,1813
1,6	-0,5368	0,5715	0,6545	0,6457	0,6786	0,1874
1,8	-0,4998	0,4898	0,6349	0,6289	0,6608	0,1938
2,0	-0,4665	0,4209	0,6162	0,6131	0,6439	0,2005
2,5	-0,3954	0,2889	0,5751	0,5789	0,6057	0,2179
3,0	-0,3377	0,1981	0,5432	0,5512	0,5734	0,2351
4,0	-0,2542	0,0916	0,5026	0,5121	0,5259	0,2651
5,0	-0,2028	0,0387	0,4808	0,4873	0,4947	0,2877
7,5	-0,1478	-0,0114	0,4533	0,4540	0,4547	0,3206
10,0	-0,1293	-0,0292	0,4373	0,4373	0,4373	0,3373
20,0	-0,1043	-0,0543	0,4123	0,4123	0,4123	0,3623
100,0	-0,0843	-0,0743	0,3923	0,3923	0,3923	0,3823

(Extraída de Modern Quantum Chemistry, Attila Szabo - Neil S. Ostlund.)

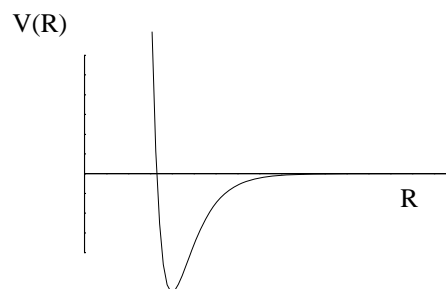
Cálculos usando la base de funciones Slater sto-3g (exp=1,24).

ϵ_1 y ϵ_2 energías orbitales, R distancia intermolecular, J_{ab} y K_{ab} integrales de Coulomb e intercambio. (De la página web de la materia se puede obtener esta tabla en formato excel)

9. Explique por qué la curva de energía potencial $V(R)$ para dos átomos de He y para dos átomos de H son radicalmente diferentes (para el estado electrónico fundamental). Relacionarlo con el llenado de orbitales enlazantes y antienlazantes en cada caso.



He - Lennard Jones
 $\Delta \ll kT$ (T ambiente)



H - Morse
 $\Delta \gg kT$ (T ambiente)

10. Cálculo autoconsistente explícito: Usando las integrales de uno y dos electrones dadas más abajo, realice un cálculo SCF de capa cerrada para el estado fundamental $1\sigma^2$ del sistema HeH^+ .

Para llevar a cabo el cálculo se presenta la información respecto de la distancia internuclear $R=1.4\text{ua}$. Los exponentes orbitales de Slater $1s$ del He y H son 1.6875 y 1.0 respectivamente. Las integrales requeridas en la base de orbitales atómicos son (en au):

$$S_{aa} = S_{bb} = 1.0 \quad S_{ab} = 0.5784$$

$$h_{aa} = -2.6442 \quad h_{bb} = -1.7201 \quad h_{ab} = -1.5113 \quad (h_{ij} = \langle i|h|j \rangle)$$

$$\langle aa|aa \rangle = 1.0547 \quad \langle aa|ba \rangle = 0.4744 \quad \langle ab|ab \rangle = 0.5664$$

$$\langle bb|aa \rangle = 0.2469 \quad \langle bb|ba \rangle = 0.3504 \quad \langle bb|bb \rangle = 0.6250$$

donde el índice **a** se refiere a $1s\text{He}$ y el índice **b** a $1s\text{H}$. Como elección inicial para el orbital molecular ocupado use $\chi_1 = 1s\text{He}$ y siga los siguientes pasos:

- Formar una matriz de Fock con esta elección inicial del orbital molecular ocupado.
- Resolver la ecuación de autovalores para obtener las energías orbitales y un orbital molecular ocupado mejorado. Observar que la condición de normalización requerida para los coeficientes es $\langle \chi_1 | \chi_1 \rangle = 1$.
- Determinar la energía SCF total en esta etapa del procedimiento iterativo.
- Utilizar el orbital mejorado del ciclo anterior para una entrada en el nuevo. Recalcular todo. Observar la variación de la energía y la desviación cuadrática de la matriz densidad.
- Luego de algunos pasos los orbitales convergidos son:

$$\chi_1 = 0.9 \text{ } 1s\text{He} + 0.1584 \text{ } 1s\text{H} \quad \chi_2 = -0.8324 \text{ } 1s\text{He} + 1.2156 \text{ } 1s\text{H}$$

Verificar que estén ortonormalizados y si no es así, hacerlo.

- Mostrar, usando las integrales de uno y dos electrones en la base de orbitales moleculares

$$\langle 1|h|1 \rangle = -2.6158 \quad \langle 1|h|2 \rangle = 0.1954 \quad \langle 2|h|2 \rangle = -1.3154$$

$$\langle 11|11 \rangle = 0.9596 \quad \langle 11|21 \rangle = -0.1954 \quad \langle 12|12 \rangle = 0.6063$$

$$\langle 12|21 \rangle = 0.1261 \quad \langle 22|21 \rangle = -0.0045 \quad \langle 22|22 \rangle = 0.6159$$

que los valores convergidos de las energías orbitales son

$$\varepsilon_1 = -1.6562 \quad \varepsilon_2 = -0.2289$$

11. i) A partir de los orbitales atómicos que constituyen la base mínima para la serie de moléculas diatómicas X_2 ($X=\text{H}, \text{Li}, \text{C}, \text{N}$ y F) construya una posible base de orbitales moleculares.
- ii) A partir de los cálculos numéricos realizados para las moléculas diatómicas que figuran en el Anexo de este problema:
- Analice la ocupación de los orbitales moleculares, su simetría y su carácter enlazante o antienlazante.
 - Determine la simetría global del estado fundamental.
 - Analice en particular la simetría global del estado fundamental de la molécula de NO agregando un electrón en la molécula NO^+ empleando la aproximación de orbitales congelados.

Molécula	Simetría	Molécula	Simetría
H ₂	¹ Σ _g ⁺	O ₂	³ Σ _g ⁻
Li ₂	¹ Σ _g ⁺	F ₂	¹ Σ _g ⁺
C ₂	¹ Σ _g ⁺	O ₂ ⁺	² Π _g
N ₂	¹ Σ _g ⁺	NO	² Π

Simetría del estado fundamental de algunas moléculas diatómicas (observadas).

12. El oxígeno es paramagnético. En estado gaseoso y a $T=293\text{K}$ su susceptibilidad magnética es $\chi=3,449 \times 10^{-3}$ por mol en unidades cgs. La relación entre la susceptibilidad macroscópica y el momento dipolar magnético permanente μ_0 de cada molécula puede estimarse (para campos débiles, es decir tales que $\mu_0 B \ll kT$) a partir de:

$$\chi = \frac{\alpha n \mu_0^2}{kT}$$

donde α es una constante del orden de 1, n es el número de Avogadro y $k = 1,38 \times 10^{-16} \text{erg K}^{-1}$ es la constante de Boltzmann.

- a) Estime el valor del momento dipolar magnético de la molécula de O₂. (Para efectuar dicha estimación requerirá algunos de los datos que figuran en el punto b))
- b) El isótopo A=16 de O₂ es un núcleo par-par y, por lo tanto, no tiene momento dipolar magnético. El isótopo A=17 tiene abundancia natural 0,037%, tiene espín no nulo y momento magnético $g_0 \mu_N$ donde μ_N es el magnetón nuclear que se relaciona con el magnetón de Bohr β mediante el cociente de las masas del protón y el electrón, $\mu_N = \beta m_e / M_p$. El factor giromagnético del ¹⁷O es $g_0 = -0,76$. En unidades atómicas $\beta = 3,8 \times 10^{-3}$ y en unidades cgs $\beta = 0,922 \times 10^{-20}$ (ues.cm). De acuerdo al resultado de a) y estos datos determine si el magnetismo del O₂ es de origen nuclear o electrónico.
- c) A continuación se dan los datos de un cálculo RHF de capa cerrada para la molécula de O₂ con 14 electrones (z es el eje internuclear).
- i) Analice en qué orbitales debe ubicar los dos electrones adicionales para formar el estado unideterminantal $|\Psi_0\rangle$ de menor energía para la molécula de O₂ con sus 16 electrones.

Molecular Orbital Coefficients

		1	2	3	4	5
		(SGU)--O	(SGG)--O	(SGG)--O	(SGU)--O	(SGG)--O
EIGENVALUES --		-21.96877	-21.96868	-2.75167	-2.08231	-1.70982
1	1 O 1S	0.70336	0.70398	-0.16270	-0.18778	-0.07758
2	2S	0.01795	0.01156	0.54730	0.80063	0.37288
3	2PX	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
4	2PY	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
5	2PZ	-0.00542	-0.00035	-0.21755	0.11766	0.60038
6	2 O 1S	-0.70336	0.70398	-0.16270	0.18778	-0.07758
7	2S	-0.01795	0.01156	0.54730	-0.80063	0.37288
8	2PX	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
9	2PY	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
10	2PZ	-0.00542	0.00035	0.21755	0.11766	-0.60038

				6	7	8	9	10
				(PIU)--O	(PIU)--O	(PIG)--V	(PIG)--V	(SGU)--V
EIGENVALUES --				-1.66681	-1.66681	-0.98011	-0.98011	-0.53112
1	1	O	1S	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.08620
2			2S	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	-0.54956
3			2PX	0.65863	0.00000	0.76816	0.00000	0.00000
4			2PY	0.00000	0.65863	0.00000	0.76816	0.00000
5			2PZ	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.95125
6	2	O	1S	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	-0.08620
7			2S	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.54956
8			2PX	0.65863	0.00000	-0.76816	0.00000	0.00000
9			2PY	0.00000	0.65863	0.00000	-0.76816	0.00000
10			2PZ	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.95125

Integrales bielectrónicas en la base molecular:

tipo $\langle aa|aa\rangle = J_{aa}$

$\langle 8\ 8|8\ 8\rangle = \langle 9\ 9|9\ 9\rangle = 0.593187965$

$\langle 10\ 10|10\ 10\rangle = 0.740876798$

tipo $\langle ab|ab\rangle = J_{ab}$

$\langle 8\ 9|8\ 9\rangle = 0.548715273$

$\langle 8\ 10|8\ 10\rangle = \langle 9\ 10|9\ 10\rangle = 0.607744325$

tipo $\langle aa|bb\rangle = \langle ab|ba\rangle = K_{ab}$

$\langle 8\ 8|9\ 9\rangle = 0.025030126$

$\langle 8\ 8|10\ 10\rangle = \langle 9\ 9|10\ 10\rangle = 0.0222363459$

- ii) Determine la simetría global del estado fundamental de las moléculas de O₂ y O₂⁺.
- iii) ¿Cuánto vale el momento dipolar magnético de la molécula de O₂ en ese estado? Comparar con b).

Ayuda: Recuerde que: $H_{M-B} = -\vec{M}\vec{B} = -\mu_B \left(\vec{L} + 2\vec{S} \right) \vec{B}$ y puede considerar en campo en la dirección internuclear (eje z).

Anexo del Problema 11

H₂

Base: STO-3G
EHF=-1.1175059

Standard orientation:

Center Number	Atomic Number	Atomic Type	Coordinates (Angstroms)		
			X	Y	Z
1	1	0	0.000000	0.000000	0.356115
2	1	0	0.000000	0.000000	-0.356115

Rotational constants (GHZ): 0.0000000 1977.0684221 1977.0684221

Molecular Orbital Coefficients

		1	2
EIGENVALUES	--	-0.59022	0.70065
1 1	H 1S	0.54586	1.24624
2 2	H 1S	0.54586	-1.24624

Li₂

Base: STO-3G
EHF=-14.6387473

Standard orientation:

Center Number	Atomic Number	Atomic Type	Coordinates (Angstroms)		
			X	Y	Z
1	3	0	0.000000	0.000000	1.348272
2	3	0	0.000000	0.000000	-1.348272

Rotational constants (GHZ): 0.0000000 19.8126462 19.8126462

Molecular Orbital Coefficients

		1	2	3	4	5
EIGENVALUES --		-2.33043	-2.33038	-0.14889	0.08229	0.13427
1	1 Li 1S	0.70039	0.70095	-0.19732	-0.17944	0.00000
2	2S	0.03709	0.02026	0.56831	0.70124	0.00000
3	2PX	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
4	2PY	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.62604
5	2PZ	-0.00804	0.00166	-0.10192	0.30462	0.00000
6	2 Li 1S	-0.70039	0.70095	-0.19732	0.17944	0.00000
7	2S	-0.03709	0.02026	0.56831	-0.70124	0.00000
8	2PX	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
9	2PY	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.62604
10	2PZ	-0.00804	-0.00166	0.10192	0.30462	0.00000

		6	7	8	9	10
EIGENVALUES --		0.13427	0.15710	0.23935	0.23935	0.46357
1	1 Li 1S	0.00000	-0.03563	0.00000	0.00000	-0.13688
2	2S	0.00000	0.29063	0.00000	0.00000	1.20405
3	2PX	0.62604	0.00000	0.83088	0.00000	0.00000
4	2PY	0.00000	0.00000	0.00000	0.83088	0.00000
5	2PZ	0.00000	0.64093	0.00000	0.00000	-1.19031
6	2 Li 1S	0.00000	-0.03563	0.00000	0.00000	0.13688
7	2S	0.00000	0.29063	0.00000	0.00000	-1.20405
8	2PX	0.62604	0.00000	-0.83088	0.00000	0.00000
9	2PY	0.00000	0.00000	0.00000	-0.83088	0.00000
10	2PZ	0.00000	-0.64093	0.00000	0.00000	-1.19031

C₂

Base: STO-3G
EHF=-74.4222012

Input orientation:

Center Number	Atomic Number	Atomic Type	Coordinates (Angstroms)		
			X	Y	Z
1	6	0	0.000000	0.000000	-0.616669
2	6	0	0.000000	0.000000	0.616669

Rotational constants (GHZ): 0.000000 55.3735424 55.3735424

Molecular Orbital Coefficients

				1	2	3	4	5
EIGENVALUES --				-11.05190	-11.05026	-0.97365	-0.42520	-0.37371
1	1	C	1S	0.70241	0.70239	-0.19427	-0.18179	0.00000
2			2S	0.01433	0.02798	0.53061	0.74827	0.00000
3			2PX	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.62359
4			2PY	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
5			2PZ	-0.00138	-0.00910	-0.17397	0.26272	0.00000
6	2	C	1S	0.70241	-0.70239	-0.19427	0.18179	0.00000
7			2S	0.01433	-0.02798	0.53061	-0.74827	0.00000
8			2PX	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.62359
9			2PY	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
10			2PZ	0.00138	-0.00910	0.17397	0.26272	0.00000
				6	7	8	9	10
EIGENVALUES --				-0.37371	0.03090	0.35009	0.35009	1.16058
1	1	C	1S	0.00000	-0.05275	0.00000	0.00000	-0.13304
2			2S	0.00000	0.35412	0.00000	0.00000	1.23698
3			2PX	0.00000	0.00000	0.83671	0.00000	0.00000
4			2PY	0.62359	0.00000	0.00000	0.83671	0.00000
5			2PZ	0.00000	0.62708	0.00000	0.00000	-1.22901
6	2	C	1S	0.00000	-0.05275	0.00000	0.00000	0.13304
7			2S	0.00000	0.35412	0.00000	0.00000	-1.23698
8			2PX	0.00000	0.00000	-0.83671	0.00000	0.00000
9			2PY	0.62359	0.00000	0.00000	-0.83671	0.00000
10			2PZ	0.00000	-0.62708	0.00000	0.00000	-1.22901

N₂

Base: STO-3G
EHF= -107.5006543

Standard orientation:

Center Number	Atomic Number	Atomic Type	Coordinates (Angstroms)		
			X	Y	Z
1	7	0	0.000000	0.000000	0.566964
2	7	0	0.000000	0.000000	-0.566964

Rotational constants (GHZ): 0.000000 56.1375016 56.1375016

Molecular Orbital Coefficients

				1	2	3	4	5
EIGENVALUES --				-15.50630	-15.50493	-1.40841	-0.72754	-0.54854
1	1	N	1S	0.70318	0.70282	-0.17370	-0.17256	0.00000
2			2S	0.01286	0.02571	0.50002	0.74662	0.00000
3			2PX	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.62965
4			2PY	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
5			2PZ	-0.00171	-0.00924	-0.23025	0.25274	0.00000
6	2	N	1S	0.70318	-0.70282	-0.17370	0.17256	0.00000
7			2S	0.01286	-0.02571	0.50002	-0.74662	0.00000
8			2PX	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.62965
9			2PY	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
10			2PZ	0.00171	-0.00924	0.23025	0.25274	0.00000
				6	7	8	9	10
EIGENVALUES --				-0.54854	-0.53023	0.26528	0.26528	1.04064
1	1	N	1S	0.00000	-0.06956	0.00000	0.00000	0.12482
2			2S	0.00000	0.39957	0.00000	0.00000	-1.09442
3			2PX	0.00000	0.00000	0.82263	0.00000	0.00000
4			2PY	0.62965	0.00000	0.00000	0.82263	0.00000
5			2PZ	0.00000	0.60424	0.00000	0.00000	1.16287
6	2	N	1S	0.00000	-0.06956	0.00000	0.00000	-0.12482
7			2S	0.00000	0.39957	0.00000	0.00000	1.09442
8			2PX	0.00000	0.00000	-0.82263	0.00000	0.00000
9			2PY	0.62965	0.00000	0.00000	-0.82263	0.00000
10			2PZ	0.00000	-0.60424	0.00000	0.00000	1.16287

F₂

Base: STO-3G
EHF= -195.9816246

Standard orientation:

Center Number	Atomic Number	Atomic Type	Coordinates (Angstroms)		
			X	Y	Z
1	9	0	0.000000	0.000000	0.657306
2	9	0	0.000000	0.000000	-0.657306

Rotational constants (GHZ): 0.000000 30.7846699 30.7846699

Molecular Orbital Coefficients

			1	2	3	4	5
EIGENVALUES --			-26.04780	-26.04677	-1.68460	-1.32674	-0.64131
1	1	F 1S	0.70328	0.70383	-0.17436	-0.19128	0.00000
2		2S	0.01623	0.01282	0.64816	0.76806	0.00000
3		2PX	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
4		2PY	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.68273
5		2PZ	-0.00288	0.00048	-0.10712	0.08555	0.00000
6	2	F 1S	-0.70328	0.70383	-0.17436	0.19128	0.00000
7		2S	-0.01623	0.01282	0.64816	-0.76806	0.00000
8		2PX	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
9		2PY	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.68273
10		2PZ	-0.00288	-0.00048	0.10712	0.08555	0.00000
			6	7	8	9	10
EIGENVALUES --			-0.64131	-0.59605	-0.45446	-0.45446	0.44558
1	1	F 1S	0.00000	-0.04813	0.00000	0.00000	0.05598
2		2S	0.00000	0.22530	0.00000	0.00000	-0.28338
3		2PX	0.68273	0.00000	0.73429	0.00000	0.00000
4		2PY	0.00000	0.00000	0.00000	0.73429	0.00000
5		2PZ	0.00000	0.63926	0.00000	0.00000	0.82460
6	2	F 1S	0.00000	-0.04813	0.00000	0.00000	-0.05598
7		2S	0.00000	0.22530	0.00000	0.00000	0.28338
8		2PX	0.68273	0.00000	-0.73429	0.00000	0.00000
9		2PY	0.00000	0.00000	0.00000	-0.73429	0.00000
10		2PZ	0.00000	-0.63926	0.00000	0.00000	0.82460

NO⁺

Base: STO-3G (método Hartree-Fock restricto)
ERHF=-127.196744451

Standard orientation:

Center Number	Atomic Number	Atomic Type	Coordinates (Angstroms)		
			X	Y	Z
1	8	0	0.000000	0.000000	0.552813
2	7	0	0.000000	0.000000	-0.631787

Rotational constants (GHZ): 0.000000 48.2347883 48.2347883

Molecular Orbital Coefficients

				1	2	3	4	5
EIGENVALUES --				-21.15512	-16.22044	-2.06930	-1.35745	-1.08190
1	1	O	1S	0.99467	0.00035	-0.19610	0.16304	0.00000
2			2S	0.02376	-0.00607	0.66496	-0.74098	0.00000
3			2PX	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.74361
4			2PY	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
5			2PZ	-0.00533	0.00333	-0.22441	-0.33738	0.00000
6	2	N	1S	0.00048	0.99477	-0.13306	-0.18776	0.00000
7			2S	-0.00617	0.02293	0.38162	0.76547	0.00000
8			2PX	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.53909
9			2PY	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
10			2PZ	-0.00517	0.00552	0.20205	-0.04170	0.00000
				6	7	8	9	10
EIGENVALUES --				-1.08190	-1.07909	-0.33024	-0.33024	0.24288
1	1	O	1S	0.00000	0.04664	0.00000	0.00000	0.10770
2			2S	0.00000	-0.25266	0.00000	0.00000	-0.77273
3			2PX	0.00000	0.00000	-0.69758	0.00000	0.00000
4			2PY	0.74361	0.00000	0.00000	-0.69758	0.00000
5			2PZ	0.00000	-0.56960	0.00000	0.00000	0.97421
6	2	N	1S	0.00000	0.10870	0.00000	0.00000	-0.10642
7			2S	0.00000	-0.52787	0.00000	0.00000	0.73692
8			2PX	0.00000	0.00000	0.86542	0.00000	0.00000
9			2PY	0.53909	0.00000	0.00000	0.86542	0.00000
10			2PZ	0.00000	0.59978	0.00000	0.00000	1.06240