

Estructura de la Materia 4 (1c/12)

Práctica 5: Electrodinámica Cuántica.

1. Verifique que a partir del lagrangiano

$$\mathcal{L} = -\frac{1}{4}F^{\mu\nu}F_{\mu\nu}$$

con $F^{\mu\nu} \equiv \partial^\mu A^\nu - \partial^\nu A^\mu$, se obtienen las ecuaciones de Maxwell en el vacío mientras que con

$$\mathcal{L} = -\frac{1}{4}F^{\mu\nu}F_{\mu\nu} + \bar{\Psi}(i\gamma^\mu\partial_\mu - m)\Psi + e\bar{\Psi}\gamma^\mu\Psi A_\mu$$

se obtienen las ecuaciones acopladas de electrodinámica cuántica (QED).

2. Muestre que el lagrangiano de QED:

- a) es invariante Lorentz;
- b) es invariante ante una transformación de paridad.

3. Dibuje los diagramas de Feynman de orden más bajo para los siguientes procesos:

- a) aniquilación de pares: $e^-e^+ \rightarrow \mu^+\mu^-$
- b) scattering $e^-\mu^+$ con bremsstrahlung $e^-\mu^+ \rightarrow e^-\mu^+\gamma$
- c) scattering fotón-fotón $\gamma\gamma \rightarrow e^-e^+$

Analice todos los posibles estados de helicidad de los fermiones en los procesos anteriores.

4. En límite de energías altamente relativistas,

- a) Muestre que $\mathcal{P}_\pm \equiv (1 \pm \gamma^5)/2$ son proyectores sobre subespacios de estados con helicidad definida.
- b) Muestre que $u_R \equiv \mathcal{P}_+u(\vec{p})$ representa a una partícula de helicidad positiva. Qué representa $v_L \equiv \mathcal{P}_+v(\vec{p})$?
- c) Muestre que $\bar{u}_L\gamma^\mu u_R = \bar{u}_L\gamma^\mu v_L = \bar{v}_L\gamma^\mu u_L = \bar{v}_L\gamma^\mu v_R = 0$, indicando las helicidades correspondientes.
- d) Indique las combinaciones de helicidad permitidas para el proceso $e^-e^+ \rightarrow \mu^+\mu^-$
- e) Muestre que c) sigue valiendo en el caso de acoplamiento axiales $\bar{\Psi}\gamma^\mu\gamma^5\Psi$, y en general $\bar{u}_L(a\gamma^\mu + b\gamma^\mu\gamma^5)u_R = 0$, etc. Estos son los acoplamientos de las fuerzas débiles.